

yakıştırmasıydı) kendince çok normal hareket ediyordu ama tavırlarıyla hepimizi gülmekten kırıp geçiriyordu; hatta Türkiye 'yle çok az alakası olan Yasemin bile onu ünlü bir Türk komedyenine benzetebilmişti...

**NOT:** Yemek olayına neden bu kadar önem verdiğimi ve Mc Donald's meselesine neden bu kadar yer verdiğimi beni tanıyanlar daha iyi anlayacaklardır !!!...

---

## VI. ULUSAL MATEMATİK OLİMPİYADI İKİNCİ AŞAMA SINAVI SORULARI

---

**Birinci Gün, 11 Aralık 1998, Süre: 4,5 saat**

(1) İkizkenar  $ABC$  üçgeninin ( $|AB| = |AC|$ )  $[BC]$  tabanı üzerinde  $|BD| : |DC| = 2 : 1$  olacak biçimde bir  $D$  noktası,  $[AD]$  üzerinde ise  $m(\hat{BAC}) = m(\hat{BPD})$  olacak biçimde bir  $P$  noktası alınıyor.  $m(\hat{DPC}) = m(\hat{BAC})/2$  olduğunu gösteriniz.

(2) Tüm  $0 \leq a \leq b \leq c$  gerçel sayıları için

$$(a + 3b)(b + 4c)(c + 2a) \geq 60abc$$

olduğunu gösteriniz.

(3) Bir çemberin üstündeki noktalar üç renge boyanıyorlar. Köşelerini çember üstünde aynı renge boyanmış noktaların oluşturduğu sonsuz sayıda ikizkenar üçgenin bulunduğunu gösteriniz.

**İkinci Gün, 12 Aralık 1998, Süre: 4,5 saat**

(4)  $x^3 + 3367 = 2^n$  eşitliğini sağlayan tüm  $x$  ve  $n$  pozitif tamsayılarını bulunuz.

(5)  $XOY$  açısının  $[OX]$  ve  $[OY]$  ışınları üzerinde sırasıyla  $M$  ve  $N$  değişken noktaları alındığında  $|OM| + |ON|$  sabit ise,  $[MN]$  'nin orta noktasının geometrik yerini belirleyiniz.

(6)  $n \times n$  bir satranç tahtasındaki karelerin köşelerinden bazıları, bu satranç tahtasının karelerinden oluşan her  $k \times k$  ( $1 \leq k \leq n$ ) karenin en az bir kenarının üstünde boyanmış bir nokta olacak biçimde boyanıyor. Eğer bu koşulu sağlamak için boyanması gereken en az nokta sayısını  $l(n)$  ile gösterirsek,

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{l(n)}{n^2} = \frac{2}{7}$$

olduğunu kanıtlayınız.

---

*Bu soruların çözümlerini önümüzdeki sayıda vereceğiz...*

---