

MİKROBİLGİSAYARDA ARİTMETİK (1)

Timur Karaçay
Başkent Üniversitesi, ANKARA

SAYITLAMA DİZGELERİ

Sayıları göstermek (temsil etmek) için tarih boyunca türlü simgeler kullanılmıştır. Konumuz bu tarihi gelişimi incelemek değildir. Kullanılan sayıtlama dizgesi, aritmetik işlemleri çok kolaylaştırabilir ya da zorlaştırabilir. Örneğin, Roma sayaklarıyla çarpma ve bölme işlemlerini yapmayı deneyiniz. Roma sayıtlama dizgesinin aritmetik işlemler yapmaya hiç bir yarar sağlamadığını göreceksiniz. Sayma ve aritmetik işlemler yapma amacıyla insanoğlu uzun zaman içinde büyük uğraş vermiştir. Bu uzun sürecin sonunda, aritmetik işlemleri kolay yapmamızı sağlayan 10 tabanlı sayıtlama dizgesi küresel yaygınlık kazanmıştır. Kuramsal açıdan, herhangi bir r ($r > 0$) tamsayısını taban kabul eden sayıtlama dizgesi kurulabilir.

r tabanlı dizgede bir gerçel sayının temsili, onlu dizgedeki gibidir. Örneğin, $(a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0 . b_1 b_2 \dots b_m)_r$

simgesi şu sayıyı temsil eder: $a_n r^n + a_{n-1} r^{n-1} + \dots + a_1 r^1 + a_0 r^0 + b_1 r^{-1} + b_2 r^{-2} + \dots + b_m r^{-m}$

Buna, verilen sayının r tabanına göre açılımı diyeceğiz. Bazı sayılarda b_m lerin sayısı sayılabilir sonsuz olabilir.

r tabanlı sayıtlama dizgesi içinde aritmetik işlemler, 10 tabanlı dizgede olduğu gibi kolayca yapılabilir. Herhangi bir r tabanlı dizgede yazılan sayı, istendiğinde başka bir b tabanlı dizge içindeki temsiline dönüştürülebilir. Dolayısıyla, kuramsal açıdan, sayıları hangi dizgede temsil edersek edelim ve hangi dizge içinde aritmetik işlemler yaparsak yapalım, sonuç aynı olacaktır. Ancak, kuramsal açıdan birbirlerine denk olmakla birlikte, pratikte bazı işler için özel sayıtlama dizgelerini kullanmak daha uygundur.

10 Tabanlı (Onlu, decimal) Sayıtlama Dizgesi

Günlük yaşamda çoğunlukla sayıları 10 tabanı ile temsil ederiz. İnsanoğlu, parmak sayarak aritmetik yaptığı için, *Onlu (10 tabanlı) Sayıtlama Dizgesini* kullanmaya alışmıştır. Bu dizgenin sayakları (digit) 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9 dur.

Örnek: 2718 sayısını düşünelim. Bu bir simgedir ve aşağıdaki toplamı (10 tabanına göre açılımını) temsil eder:

$$2718 = 2 \times 10^3 + 7 \times 10^2 + 1 \times 10^1 + 8 \times 10^0 = 2000 + 700 + 10 + 8.$$

Başka bir deyişle, 2718 sayısı tabloda kendi sağındaki hanelerin toplamına eşittir.

Örnek: 0.6875 sayısını onlu sayıtlama sistemine göre yazarken, bu sayının içinde 10^n lerden kaç tane olduğunu buluruz. Bunun için, verilen sayıda önce kaç tane $1/10$ olduğunu bulur onu sayıdan çıkarırız. Sonra geriye kalan kısımda kaç tane $1/100$ olduğunu bulur, çıkarırız. Sonra geriye kalanda kaç tane $1/1000$ olduğunu bulur, çıkarırız. Bu işleme geriye kalan sayı 0 olana kadar devam ederiz. Bu işlem, sayının 10^{-n} lerin bazı katlarının toplamı olarak yazılması demektir.

$$\begin{aligned} 0.6875 &= 6 \times 10^{-1} + 8 \times 10^{-2} + 7 \times 10^{-3} + 5 \times 10^{-4} \\ &= 6/10^1 + 8/10^2 + 7/10^3 + 5/10^4 \\ &= 6/10 + 8/100 + 7/1000 + 5/10000 \end{aligned}$$

olur.

Örnek: 0.317 sayısının 10 lu sayıtlama dizgesindeki açılımını yazınız.

$$\begin{aligned}
0.317 &= 3 \times 10^{-1} + 1 \times 10^{-2} + 7 \times 10^{-3} \\
&= 3/10^1 + 1/10^2 + 7/10^3 \\
&= 3/10 + 1/100 + 7/1000
\end{aligned}$$

Örnek: 2317.52 sayısının 10 lu sayıtlama dizgesindeki açılımını yazınız.

$$\begin{aligned}
2317.52 &= 2 \times 10^3 + 3 \times 10^2 + 1 \times 10^1 + 7 \times 10^0 + 5 \times 10^{-1} + 2 \times 10^{-2} \\
&= 2 \times 1000 + 3 \times 100 + 1 \times 10 + 7 \times 1 + 5/10 + 2/100
\end{aligned}$$

2 Tabanlı (2 li, binary) Sayıtlama Dizgesi

Sayısal (digital) bilgisayarlar *İkili Sayıtlama Dizgesini* kullanır. İkili Sayıtlama Dizgesi 2 tabanlı dizgedir; yalnızca 0 ile 1 sayıtlarını kullanır. Bu dizgedeki hanelere İngilizce'de *bit* denilir. Bu sözcük, **Binary digIT** deyiminden türetilmiştir. Bilgisayarın elektronik devrelerinde 0 bit'i alçak voltaj, 1 bit'i ise yüksek voltaj ile temsil edilir.

İkili Sayıtlama Dizgesi'nin yapısı onlu sayıtlama dizgesi gibidir; yani sayılar bitlerin yer aldığı haneye göre değer alır. Bunu daha iyi anlamak için, herhangi bir sayının onlu sayıtlama dizgesindeki yazılışını anımsayalım.

10 un kuvvetleri	10^3	10^2	10^1	10^0
Hane değeri	1000	100	10	1
2718	2×10^3	7×10^2	1×10^1	8×10^0
2718	2000	700	10	8

olur. Aynı işi, 10 nun kuvvetleri yerine, 2 nin kuvvetlerini kullanarak yapalım.

2^k	2^{11}	2^{10}	2^9	2^8	2^7	2^6	2^5	2^4	2^3	2^2	2^1	2^0
	2048	1024	512	256	128	64	32	16	8	4	2	1
2718	1×2^{11}	0×2^{10}	1×2^9	0×2^8	1×2^7	0×2^6	0×2^5	1×2^4	1×2^3	1×2^2	1×2^1	0×2^0
2718	2048	0	512	0	128	0	0	16	8	4	2	0

O halde, 2718 sayısının 2 tabanına göre açılımını yazarsak

$$\begin{aligned}
(101010011110)_2 &= 1 \times 2^{11} + 0 \times 2^{10} + 1 \times 2^9 + 0 \times 2^8 + 1 \times 2^7 + 0 \times 2^6 + 0 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 \\
&= 2048 + 512 + 128 + 16 + 8 + 4 + 2 \\
&= 2718_{10}
\end{aligned}$$

olacaktır. Görüldüğü gibi, onlu sayıtlama dizgesinde yapıldığı gibi 2 li sayıtlama dizgesinde de sayıtların basamak değerleri (place value) vardır. Bunları sağdan sola doğru sıralarsak

- 1 ler basamağı,
- 2 ler basamağı,
- 4 ler basamağı
- 8 ler basamağı,
- 16 lar basamağı,
- 32 ler basamağı,
- 64 ler basamağı,
- 128 ler basamağı,
- 256 lar basamağı,
- 512 ler basamağı,
- 1024 ler basamağı,
- 2048 ler basamağı,

olacaktır. Bu yöntemle bütün doğal sayıları yazabileceğimiz açıktır.

Örnek: 1101_2 sayısının açılımını yazınız.

$$\begin{aligned} 1101_2 &= 1x2^3 + 1x2^2 + 0x2^1 + 1x2^0 \\ &= 1x8 + 1x4 + 0x2 + 1x1 \\ &= 8 + 4 + 0 + 1 \\ &= 13_{10} \end{aligned}$$

Kesirli sayıların ikili sayıtlama dizgesindeki temsillerini açıklayabilmek için, önce $(0,1)$ aralığındaki sayıları 10-lu sayıtlama dizgesinde nasıl yazdığımızı anımsayalım.

Örnek: 0.0101_2 sayısının açılımını yazınız.

$$\begin{aligned} 0.0101_2 &= 0x2^{-1} + 1x2^{-2} + 0x2^{-3} + 1x2^{-4} \\ &= 0/2 + 1/4 + 0/8 + 1/16 \\ &= (5/16)_{10} \end{aligned}$$

Bir tabandan ötekine dönüşüm

Bir tabana göre yazılmış bir sayıyı başka bir tabana göre yazmak için, sayının istenen tabana göre açılımını yazmak yetecektir. Bunu bazı örneklerle açıklayalım.

A. Onlu dizgeden ikili dizgeye dönüşüm

10 tabanına göre yazılmış bir sayıyı 2 tabanına dönüştürmek için, verilen sayıda 2 nin hangi kuvvetlerinin kaçar tane bulunduğunu saptayıp, 2 nin artan kuvvetlerine göre açılımı yazmak yetecektir.

a. Verilen sayı tamsayı ise

Sayıyı 2 ye bölüp kalanı saptamak ve sonra bölüm için aynı işi yaparak bölüm 0 oluncaya kadar bu işe devam etmek gerekir. Birinci adımda kalan 1 ler hanesine, ikinci adımdaki kalan 2 ler hanesine, üçüncü adımdaki kalan 4 ler hanesine vb. yazılır.

Örnek: 71_{10} sayısını 2 tabanına göre yazınız.

2 ile bölme işlemi	Kalan
$71 : 2 = 35$	1
$35 : 2 = 17$	1
$17 : 2 = 8$	1
$8 : 2 = 4$	0
$4 : 2 = 2$	0
$2 : 2 = 1$	0
$1 : 2 = 0$	1

Ohalde $71_{10} = (1000111)_2$ dir.

b. Verilen sayı kesirli sayı ise

Kesirli sayıları yazmak için $(0,1)$ aralığındaki sayıları 10-lu sayıtlama dizgesinde nasıl yazdığımızı anımsayalım ve ikili dizgede benzer usavurmayı yapalım.

Sayıyı 2 ile çarpar, çarpımın tam kısmını ayırırız. Kalan kesri tekrar 2 ile çarpar, çarpımın tam kısmını ayırırız. Aynı işleme, kesirli kısım 0 oluncaya kadar ya da yeterince ardışık işlem yaparak istenen yaklaşık sayı bulununcaya kadar devam etmek gerekir. Birinci adımdaki tam kısım $\frac{1}{2}$ ler hanesine, ikinci adımdaki tam kısım $\frac{1}{4}$ ler hanesine, üçüncü adımdaki tam kısım $\frac{1}{8}$ ler hanesine vb. yazılır.

1.Durum: Kesirli sayı 2 nin negatif kuvvetlerinin sonlu toplamı olarak yazılabiliyorsa.

2 li sayıtlama dizgesinde de aynı yöntem kullanılır. Yukarıdaki 0.6875 sayısını 2 tabanına göre yazmak için, bu sayı içinde kaç tane $1/2$, kaç tane $1/2^2$, kaç tane $1/2^3$, kaç tane $1/2^4$, kaç tane $1/2^5$...vb olduğunu bulmalıyız.

$$\begin{aligned} 0.6875 &= 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} + 1 \times 2^{-4} \\ &= 1 \times (1/2) + 0 \times (1/4) + 1 \times (1/8) + 1 \times (1/16) \\ &= (1011)_2 \end{aligned}$$

2.Durum: Kesirli sayı 2 nin negatif kuvvetlerinin sonlu toplamı olarak yazılamıyorsa (sonsuz toplam).

Örnek: $(0.317)_{10}$ sayısını 2 tabanına göre yazınız.

2 ile çarpma işlemi	Tamsayı kısmı
$0.317 \times 2 = 0.634$	0
$0.634 \times 2 = 1.268$	1
$0.268 \times 2 = 0.536$	0
$0.536 \times 2 = 1.072$	1
$0.072 \times 2 = 0.144$	0
$0.144 \times 2 = 0.288$	0
$0.288 \times 2 = 0.576$	0
$0.576 \times 2 = 1.152$	1
$0.152 \times 2 = 0.304$	0
...	...

Ohalde $(0.317)_{10} \cong (0.010100010...)_{2}$ dir.

Bu kez, sayıyı 2^n nin katlarının sonlu toplamı şeklinde yazamadığımızı görüyoruz. Bu, 10 lu dizgede sonsuz ondalıklı temsillere benzer. Bu durumda, yeterince basamak yazarak, asıl sayıya istediğimiz kadar yakın 2 li bir temsil elde edebiliriz.

Örnek: $(0.7215)_{10}$ sayısını 2 tabanına göre yazınız.

2 ile çarpma işlemi	Tamsayı kısmı
$0.7215 \times 2 = 1.4430$	1
$0.4430 \times 2 = 0.8860$	0
$0.8860 \times 2 = 1.7720$	1
$0.7720 \times 2 = 1.5440$	1
$0.5440 \times 2 = 1.0880$	1
$0.0880 \times 2 = 0.1760$	0
$0.1760 \times 2 = 0.3520$	0
$0.3520 \times 2 = 0.7040$	0
$0.7040 \times 2 = 1.4080$	1

Ohalde $(0.7215)_{10} \cong (0.101110001)_{2}$ dir.

Sayının tam ve kesirli kısımları varsa, tam ve kesirli kısımlar ayrı ayrı dönüştürülür ve sonra ikisi birleştirilir.

Örnek: $(41.6875)_{10}$ sayısını 2 tabanına göre yazınız.

2 ile bölme işlemi	Kalan
$41 : 2 = 20$	1
$20 : 2 = 10$	0
$10 : 2 = 5$	0
$5 : 2 = 2$	1
$2 : 2 = 1$	0
$1 : 2 = 0$	1

Ohalde $41_{10} = (101001)_2$ dir. Öte yandan,

2 ile çarpma işlemi	Tamsayı kısmı
$0.6875 \times 2 = 1.3750$	1
$0.3750 \times 2 = 0.7500$	0
$0.7500 \times 2 = 1.5000$	1
$0.5000 \times 2 = 1.0000$	1

Ohalde $(41.7215)_{10} \cong (101001.1011)_2$ dir.

İkiliden onluya dönüşüm

2 tabanına göre yazılmış bir sayıyı 10 tabanına göre yazmak için, 2 tabanına göre açılımını yazar ve ortaya çıkan terimleri toplarız.

$$\begin{aligned} \text{Örnek: } (1010.011)_2 &= 1x2^3 + 0x2^2 + 1x2^1 + 0x2^0 + 1x2^{-1} + 1x2^{-2} + 1x2^{-3} \\ &= 2^3 + 2^1 + 2^{-2} + 2^{-3} \\ &= (10.375)_{10} \end{aligned}$$

Sekizliden onluya dönüşüm

$$\begin{aligned} \text{Örnek: } (630.4)_8 &= 6x8^2 + 3x8^1 + 4x8^0 + 0x8^{-1} + 1x8^{-2} + 1x8^{-3} \\ &= 2^3 + 2^1 + 2^{-2} + 2^{-3} \\ &= (10.375)_{10} \end{aligned}$$

Onlu dizgeden sekizli dizgeye dönüşüm

Örnek: $(153)_{10}$ sayısını sekizli dizgeye döndürünüz.

8 ile bölme işlemi	Kalan
$153 : 8 = 19$	1
$19 : 8 = 2$	3
$2 : 8 = 0$	2

Ohalde

$$(153)_{10} = (231)_8$$

dir.

Örnek: $(0.513)_{10}$ sayısını sekizli dizgeye döndürünüz.

8 ile çarpma işlemi	Tamsayı kısmı
$0.513 \times 8 = 4.104$	4
$0.104 \times 8 = 0.832$	0
$0.832 \times 8 = 6.656$	6
$0.656 \times 8 = 5.248$	5
$0.248 \times 8 = 1.984$	1
$0.984 \times 8 = 7.782$	7
...	...

Ohalde $(0.512)_{10} \cong (0.406517...)_{8}$ dir. Bu sonuç virgülden sonraki 7 basamağa kadar duyarlıdır. İşlem yürütülerek istenen ince duyarlık sağlanabilir.

r tabanlı gösterimden onlu gösterime dönüşüm

Verilen sayının r tabanına göre açılımı yazılır ve ortaya çıkan terimler toplanır.

İkili (binary) Aritmetik

İkili sayıtlama dizgesinde dört işlem, aynen onlu dizgede olduğu gibi yapılır.

Örnek:

$$\begin{array}{r}
 0 \\
 0 \\
 + \\
 \hline
 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 0 \\
 1 \\
 + \\
 \hline
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1 \\
 1 \\
 + \\
 \hline
 10
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 00111011 \\
 00101010 \\
 + \\
 \hline
 01100101
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 59 \\
 42 \\
 + \\
 \hline
 101
 \end{array}$$

Örnek :

$$\begin{array}{r}
 0 \\
 0 \\
 - \\
 \hline
 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1 \\
 1 \\
 - \\
 \hline
 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1 \\
 0 \\
 - \\
 \hline
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 0 \\
 1 \\
 - \\
 \hline
 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 01010101 \\
 00111001 \\
 - \\
 \hline
 00011100
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 85 \\
 57 \\
 - \\
 \hline
 28
 \end{array}$$

Örnek:

$$\begin{array}{r}
 0 \\
 0 \\
 x \\
 \hline
 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1 \\
 1 \\
 x \\
 \hline
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1 \\
 0 \\
 x \\
 \hline
 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 0 \\
 1 \\
 x \\
 \hline
 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1101 \\
 101 \\
 x \\
 \hline
 1101 \\
 0000 \\
 1101 \\
 + \\
 \hline
 1000001
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 13 \\
 5 \\
 x \\
 \hline
 65
 \end{array}$$

Örnek: Aşağıda ikili sayıtlama dizgesinde 110111 sayısının 101 sayısına bölümü yapılmıştır. Yapılan işlemin onlu sayıtlama dizgesindeki benzer olduğunu görünüz.

$$\begin{array}{r}
 110111 \quad 101 \\
 101 \quad 1011 \\
 \hline
 00111 \\
 101 \\
 \hline
 0101 \\
 101 \\
 \hline
 000
 \end{array}$$

Bilgisayarda Çıkarma İşlemi

İkili sayıtlama dizgesinde elle yapılan dört işlemi onlu dizgedekine benzer olarak yapabiliyoruz. Bilgisayardaki bütün işlemler ikili sayıtlama sisteminde gerçekleşir. Toplama işlemi, yukarıda elle yaptığımız esasa dayanır. Ancak, mikrobilgisayarlarda çıkarma işlemi yapacak devre yoktur; devreler tümleme (complement, negation) ve artırma (increment, 1 ekleme) işlemlerini yapabilir. Dolayısıyla çıkarma işlemi veya daha genel olarak, işaretli sayılarda aritmetik işlemlerini yaparken, negatif sayıların ikilere tümleyenlerini (twos complement) kullanırlar. Bunun yanında, çoğu mikrobilgisayarlarda dört işlemi hızlı yapacak özel devreler vardır.

Çıkarma işleminin tümleme ve toplama işlemleri ile nasıl yapıldığını daha iyi anlamak için, bunu önce alışık olduğumuz onlu sayıtlama dizgesinde deneyelim. 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9 sayılarından herhangi birisinin 10 a (tabana) tümleyeni, 10 ile arasındaki farktır. Benzer şekilde, 9 a tümleyenleri ise, 9 ile aralarındaki farktır. Örneğin 7 sayısının 10 a tümleyeni (10-7=3), ve 9a tümleyeni ise (9-7=2) olur. Şimdi aşağıdaki örnekleri düşünelim:

Örnek:

$$\begin{aligned}
 7 - 4 &= 7 + 10 - 4 - 10 \\
 &= 7 + (10 - 4) - 10 \\
 &= 7 + 6 - 10 \\
 &= 13 - 10
 \end{aligned}$$

şeklinde yazalım. Son satırdaki çıkarma işlemi yapmak için, 13 sayısının en solundaki hanesinin atılmasının yeterli olduğunu düşünmek yetecektir.

Örnek:

$$\begin{aligned}
 67 - 15 &= 67 + 100 - 15 - 100 \\
 &= 67 + (100 - 15) - 100 \\
 &= 67 + 85 - 100 \\
 &= 152 - 100 \\
 &= 52
 \end{aligned}$$

İkinci satırdaki (100-15) = 85 sayısına 15 in 100 e tümleyeni diyelim. Bu sayıyı çıkarma işlemiyle elde etmek yerine, sonucu bir tümleme ve bir toplama işlemiyle bulabiliriz. Gerçekten, 15 sayısının basamaklarının 9 a tümleyenleri (9-5=4) ve (9-1=8) dir. Bunları ait oldukları basamaklara yazarsak, 84 sayısı bulunur. Şimdi buna 1 ekleyelim: 84 + 1 = 85 elde edilir. Demek ki, 15 sayısının basamaklarının her birisinin yerine, 9 a tümleyenlerini yazıp ortaya çıkan sayıya 1 ekleyince, 15 sayısının 100 e tümleyeni (100-15=85) bulundu. Bunu yaparken, çıkarma işlemi kullanmadığımızı dikkat ediniz. Şimdi, yukarıdaki çıkarma işlemine dönelim. Üçüncü satırdaki 67+85 ifadesi, eksilen sayıya çıkan sayının 100 e tümleyeninin eklenmesinden başka bir şey değildir. O halde, dördüncü satırdaki 152 sayısını bir tümleme ve iki toplama işlemiyle elde etmiş oluyoruz. Son satırdaki 52 sonucuna ulaşmak için, 152-100 çıkarma işlemi gerekiyor. Çıkarma işlemi yapamayan bilgisayarımız, 152 nin yazılı olduğu almaçtan (register) en sol hanedeki 1 sayısını silebilir; ki bu istediğimiz sonucu verir.

Yukarıdaki algoritma iki basamak yerine başka basamaklı işlemlere de uygulanır. Örneğin, 1 basamaklı işlemlerde 10 a, iki basamaklı işlemlerde 100 e, üç basamaklı işlemlerde 1000 e, ... tümleme yapılır. Genel kural olarak, tümleme işlemi, işlemdeki basamak sayısının bir üst basamağına yapılır.

Şimdi yukarıdaki algoritmayı ikili sayıtlama dizgesinde yapalım. Elle yapılan işlem aşağıdaki gibidir.

$$\begin{array}{r} 67 \\ 15 \\ \hline 52 \end{array} = \begin{array}{r} 1000011 \\ 0001111 \\ \hline 0110100 \end{array}$$

Şimdi bunu bilgisayarın nasıl yaptığını gösterelim:

9 a tümlemede yaptığımız gibi, 15 sayısının ikili sayıtlama sisteminde birlere tümleyeni, basamak sayılarının 1 den çıkarılmasıyla elde edilir. (1-1=0) ve (1-0=1) olduğundan, 15 in ikili temsilindeki 1 ler yerine 0 ve 0 lar yerine 1 koymak yetecektir:

$$\begin{array}{r} 15 \text{ in birlere tümleyeni } (15)' = 1111000 \\ \phantom{15 \text{ in birlere tümleyeni } (15)' = } 1 \\ + \\ \hline (15)'+1 = 1111001 \end{array}$$

Şimdi bunu eksilen sayıya, yani 67 ye ekleyelim:

$$\begin{array}{r} 67 \\ (15)'+1 \\ \hline = 10110100 \end{array}$$

Bulduğumuz toplamda en soldaki basamağı atalım.

0110100

sayısını elde ederiz. Bu ise 52 ye eşittir ve aradığımız farktır.

Özetlersek, bir çıkarma işleminde, çıkan sayının birlere tümleyenine bir eklenir ve bulunan sayı eksilen sayı ile toplanır. Toplamın en solundaki basamak atılır. Geriye kalan sayı çıkarma işleminin sonucudur.

(devamı gelecek sayıda)